

نشریه مهندسی مکانیک انجمن مهندسان مکانیک ایران مقاله علمی پژوهشی DOI:10.30506/ijmep.2021.131775.1717



*واژههای راهنما*: بازیابی گرمای اتلافی، موتور احتراق داخلی، تحلیل انرژی، تحلیل اگزرژی، چرخه رانکین آلی، تحلیل حساسیت

#### ۱–مقدمه

یکی از مشکلات استفاده از موتورهای احتراق داخلی این است که درصد زیادی از انرژی شیمیایی سوخت به هدر میرود؛ بهطوری که حدود ٪۳۰ از کل انرژی شیمیایی سوخت به وسیله گازهای خروجی از موتور و حدود ٪۲۵ در سیال خنککن موتور اتلاف شده و تنها ٪۳۰ از انرژی سوخت به کار مفید تبدیل میشود [۱]. بدینترتیب درصد زیادی از انرژی موجود در سوخت اتلاف شده، توان خروجی موتور به طرز چشمگیری کاهش یافته و همچین باعث اتلاف مصرف سوخت می گردد. بدینمنظور روشهای زیادی با هدف بازیابی گرمای اتلافی از موتور ابداع و استفاده شده است تا علاوه بر افزایش توان موتور، مصرف سوخت را نیز کاهش دهد. روشهای استفاده شده با هدف بازیابی گرمای اتلافی از موتور به صورتهای استفاده از ترموالکتریک ژنراتور<sup>۳</sup>، سیستم ترکیبی متشکل از توربوشارژ و سوپرشارژهای الکتریکی<sup>۴</sup>، سیستمهای تولید توان نیوماتیک

<sup>۱</sup> نویسنده مسئول، استادیار، گروه خلبانی، دانشکده مهندسی و پرواز، دانشگاه امام علی (ع) s.abolfazl.mokhtari@aut.ac.ir
 <sup>۲</sup> استادیار، گروه خلبانی، دانشکده مهندسی و پرواز، دانشگاه امام علی(ع)

تاریخ دریافت: ۹۹/۰۵/۰۷، تاریخ پذیرش: ۹۹/۱۰/۱۶

<sup>3</sup> Thermoelectric Generator (TEG)

<sup>4</sup> Electric Turbo compounding (ETC)

هیبریدی'، تولید هیدروژن با استفاده از انرژی گازهای خروجی'، استفاده از چرخه رانکین میباشند. در این میان بازیابی با استفاده از چرخه رانکین آلی بدلیل ساده بودن و هزینه کمتر بیشتر مورد توجه محققان قرار گرفته است. در واقع با استفاده از اعمال چرخه رانکین آلی بر گازهای خروجی، میتوان از انرژی گرمایی موجود در گازهای خروجی استفاده کرد و در اثر گرمشدن سیال چرخه، این انرژی را در توربین چرخه به کار مفید تبدیل کرد [۲]. همانطور که پیشتر نیز گفته شد، استفاده از روشهای بازیابی گرمای اتلافی در صنایع مختلف تاریخچهای نسبتا طولانی داشته است. از زمانی که موتورهای احتراق داخلی به صورت گسترده به خصوص در اتومبیلها مورد استفاده قرار گرفت، تاکنون روش های مختلفی برای بازیابی گرمای اتلافی از گازهای خروجی از موتور و سیال خنککن موتور مورد استفاده قرار گرفته است که یکی از این روشها استفاده از چرخه رانکین آلی میباشد. در سال (۱۹۷۶)، یاتل و دویل ٔ [۴] سیستمی از چرخه رانکین آلی را بر روی موتور اشتعال تراکمی مک ۶۷۶ با سیال عامل فلورینول-۵۰ پیاده کردند. پس از انجام بررسیهای آزمایشگاهی، بهبود توان ۱۳درصدی و کاهش مصرف سوخت ۱۵ درصدی برای آنها حاصل گردید. در سال (۱۹۸۵)، بایلی<sup>۵</sup> [۵]، سه چرخه ترمودینامیکی برایتون، رانکین بخارو رانکین آلی RC-1 را با هدف بازیابی گرمای اتلافی از موتور دیزل مورد بررسی قرار داد. نتایج او حاکی از عملکرد بهتر چرخه رانکین آلیRC-1 در زمینه کاهش مصرف سوخت و چرخه رانکین بخار در زمینه بازگشت هزینههای صرفشده جهت اعمال چرخه مذکور داشت. در سال (۲۰۰۵)، ال کاماس و کلودیک<sup>۶</sup> [۶] چرخه رانکین آلی را با هدف بازیابی گرمای اتلافی از گازهای خروجی و مدار خنکسازی یک موتور ۱/۴ لیتری احتراق داخلی طراحی کردند. آنها نه سيال آب، ايزوينتان، R245fa ،R245ca ،R123، بوتان، ايزوبوتان و R152a را مورد بررسي قرار دادند که بیشترین بازده گرمایی مربوط به آب و پس از آن بهترتیب R123، ایزوینتان، R245ca بود. آریاس و همکاران<sup>۷</sup> [۷] در سال (۲۰۰۶)، یژوهشی با هدف اعمال سه پیکربندی مختلف از چرخه رانکین آلی به منظور بازیابی گرمای اتلافی از گازهای خروجی، بلوکه موتور و مایع خنککن یک موتور هیبرید انجام دادند و نتایج حاصل از پژوهش خود را به صورت آزمایشگاهی بر روی موتور تویوتا پریوس بررسی کردند. نتایج آنها حاکی از افزایش بازده به میزان ٪۷/۵ را داشت. یک سال بعد، ماگو و همکاران^ [۸] اثرات سیالات

کردند که بیشترین بازده گرمایی متعلق به R113 و کمترین بازده مربوط پروپان بود. در سال (۲۰۰۹) رینگلر و همکاران<sup>۹</sup> [۹]، از چرخه رانکین آلی در دو سیستم مختلف استفاده کردند؛ سیستمی به منظور بازیابی گرمای اتلافی از گازهای خروجی از موتور با سیال عامل آب و سیستمی با هدف بازیابی گرمای اتلافی از گازهای خروجی و مایع خنککن موتور با سیال عامل الکل که نتایج آنها نشان عملکرد بهتر سیستم دوم

كاري R134a، R134، R123، R245fa، R245ca، ايزوبوتان و يرويان را بر عملكرد چرخه رانكين آلي بررسي

- <sup>1</sup> Hybrid Pneumatic Power Systems (HPPS)
- <sup>2</sup> Hydrogen Generation (HG)
- <sup>3</sup> Organic Rankine Cycle (ORC)
- <sup>4</sup> Patel and Doyle
- <sup>5</sup> Baily
- <sup>6</sup> El Chammas and Clodic
- <sup>7</sup> Arias et al.
- <sup>8</sup> Mago et al.
- <sup>9</sup> Ringler et al.

داشت. یک سال بعد، اسرینیواسان و همکاران<sup>۱</sup> [۱۰] اعمال چرخه رانکین آلی بر روی یک موتور دوگانهسوز را به صورت تئوری و آزمایشگاهی بررسی کرده و تحلیل های قانون اول و دوم ترمودینامیک را نیز انجام دادند. نتایج آنها حاکی از بهبود ۸ درصدی بازده تبدیل سوخت و کاهش ۱۸درصدی آلایندگی داشت. واخا و گامبراتا<sup>۲</sup> [۱۱] در سال (۲۰۱۰)، پژوهشی با هدف بازیابی گرمای اتلافی از سه سیستم گازهای خروجی، گازهای خروجی و سیال خنک کننده یک موتور احتراق داخلی به وسیله چرخه رانکین آلی و همچنین چرخه بازتولیدکننده<sup>۲</sup> با سه سیال بنزن، ۲۱۱ و ۲۵۱۹ انجام دادند که بهترین عملکرد را بنزن داشت. در سال (۲۰۱۱) کیولین و همکاران<sup>۴</sup> [۱۲] با استفاده از اعمال چرخه رانکین آلی با شش سیال عامل R245fa بازتولیدکننده<sup>۲</sup> با سه سیال بنزن، ۲۱۱ و ۲۵۱۹ انجام دادند که بهترین عملکرد را بنزن داشت. در سال R1234 و همکاران<sup>۴</sup> [۱۲] با استفاده از اعمال چرخه رانکین آلی با شش سیال عامل R245fa کردند که در این بینان، ۲۹۲۶ و سولکاترم<sup>۵</sup> میزان بازگشت هزینه ناشی از اعمال این سیستم را محاسبه ترکیبی رانکین آلی و کالینا به منظور بازیابی گرمای اتلافی از گازهای خروجی، سیستم خنک کننده و سیستم روغنرسانی یک موتور احتراق داخلی استفاده کردند و همچنین تحلیل قانون اول و دوم ترمودینامیک را با هفت سیال عامل سیکلوپنتان، سیکلوپنتین، دی متیل بوتان ۲٫۰، ۱۱۱، دا۲۱۹، ۱۰ مال این سیستم ای را و دوم ترمودینامیک را با هفت سیال عامل سیکلوپنتان، سیکلوپنتین، دی متیل بوتان ۲٫۰، ۱۱۹، ۲۰۱۵، ۱۰ می ای و دوم ایزوپنتان انجام داده و درنهایت نتایج حاصل را با نتایج مدلی آزمایشگاهی مقایسه کردند.

کاتسانوس و همکاران<sup>۷</sup> [۱۴] در سال (۲۰۱۲)، اثرات یک چرخه رانکین آلی را با دو سیال عامل آب و R245ca بر روی یک موتور دیزل بررسی کردند. نتایج حاصل از این بررسی بهبود مصرف سوخت ویژه ترمزی به میزان ٪۱۰/۲ برای سیال R245ca و ٪/۶ برای آب بود. در سال (۲۰۱۳) پنگ و همکاران<sup>۸</sup> [۱۵] تحلیلی اگزرژی و اقتصادی بر روی اعمال چرخه رانکین آلی بر روی یک موتور احتراق داخلی انجام داده و نتایج آن را با یک خودروی هیبرید مقایسه کردند که نتایج آنها نشان از بازگشت هزینه سریغتر سیستم با تحلیلی اگزرژی و اقتصادی بر روی اعمال چرخه رانکین آلی بر روی یک موتور احتراق داخلی انجام داده و نتایج آن را با یک خودروی هیبرید مقایسه کردند که نتایج آنها نشان از بازگشت هزینه سریغتر سیستم با چرخه رانکین آلی داشت. در سال (۲۰۱۳)، یانگ چرخه رانکین بخار و رانکین آلی دومرحلهای به خروجی یک موتور گازسوز پرداختند. در سال (۲۰۱۳)، یانگ و همکاران<sup>۱۰</sup> [۱۸] به مقایسه عملکردی و اقتصادی اعمال دو و همکاران<sup>۱۰</sup> [۱۹] به مقایسه عملکردی و اقتصادی اعمال دو و همکاران<sup>۱۰</sup> [۱۷] با هدف بازیابی گرمای اتلافی از سیستم با چرخه رانکین آلی داران از دو پیکربندی درون هم از چرخه رانکین آلی<sup>۱۱</sup> با هدف بازیابی گرمای اتلافی از سیستم خذک کاری موتور و اینترکولر یک موتور گازسوز استفاده کردند. نتایج آنها حاکی از بهبود بازده گرمایی به خنه خرمایی به خندکاری موتور و اینترکولر یک موتور گازسوز استفاده کردند. نتایج آنها حاکی از بهبود بازده گرمایی به اندازه ٪۱۰–٪۸ داشت. حمدخانی<sup>۱۱</sup> و همکاران [۱۸] در سال (۲۰۲۷)، یک مدل صفر بعدی برای شبیه ازی بازیان اندازه گرمای اتلافی از سیستم خذک کاری موتور و اینترکولر یک موتور گازسوز استفاده کردند. نتایج آنها حاکی از بهبود بازده گرمایی به اندازه ٪۱۰–٪۸ داشت. حمدخانی<sup>۱۱</sup> و همکاران [۱۸] در سال (۲۰۲۷)، یک مدل صفر بعدی برای شبیه ازی اندازه گرمای زاید از خروجی اگرزواکونومیک قرار داندازه کردند. نتایج آنها حاکی از بهرو میازی هرمای بالاندازه گرمای زاید از خروجی اگرزواکونومیک قرار دادند.

- <sup>3</sup> Regenerated Cycle
- <sup>4</sup> Quoilin et al.
- <sup>5</sup> Sulkatherm
- <sup>6</sup> Maogang He et al.
- <sup>7</sup> Katsanos et al.
- <sup>8</sup> Peng et al.
- <sup>9</sup> Shu et al.
- <sup>10</sup> Yang et al.
- <sup>11</sup> Dual Loop ORC
- <sup>12</sup> Mohammadkhani

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Srinivasan et al.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Vacha and Gambaratta

نتایج نشان داد که چرخه پیشنهادی می تواند ۲۱/۷۴ کیلووات از فرآیند بازیافت حرارت اتلافی تولید کرده که برای یک موتور ۹۸/۹ کیلوواتی قابل توجه است. محمدخانی و همکاران [۱۹] در مطالعه دیگری در سال (۲۰۲۰)، از یک چرخه دوگانه رانکین آلی برای شبیهسازی بازیافت گرمای زاید از خروجی اگزوز و خنک کننده موتور دیزل استفاده کردند نتایج شبیهسازی نشان داد که بهترین عملکرد با استفاده از تولوئن و سال (۲۰۲۰)، از یک سیستم جدید بازیافت حرارت اتلافی با ترکیب چرخه رانکین بخار و چرخه رانکین آلی سال (۲۰۲۰)، از یک سیستم جدید بازیافت حرارت اتلافی با ترکیب چرخه رانکین بخار و چرخه رانکین آلی فوق برای موتور دریایی استفاده کردند. محمد و همکاران [۲۱] به تجزیه و تحلیل عملکرد چرخه رانکین آلی فوق بحرانی با استفاده از بازیافت حرارت اتلافی با ترکیب چرخه رانکین بخار و چرخه رانکین آلی فوق رانکین آلی فوق بحرانی با سیال کاری R134a در فشار کاری ۵۰ بار عملکرد مطلوبی در رابطه با صرفه جویی در مصرف سوخت، روغن روانکاری و آب خنک کننده دارد.

ژی<sup>۲</sup> و همکاران [۲۲] در سال (۲۰۲۰) به تجزیه و تحلیل عملکرد و بهینهسازی بازیافت حرارت اتلافی موتور با یک چرخه رانکین آلی موازی گذربحرانی – زیربحرانی بر اساس سیال مخلوط زئوتروپیک پرداختند و نشان دادند که استفاده از مخلوط زئوتروپیک میتواند عملکرد سیستم را به طور قابل توجهی بهبود بخشد. با مروری بر ادبیات گذشته [۲۲–۱۸] مشخص میشود که یک بررسی جامع با هدف بازیابی گرمای اتلافی از گازهای خروجی از یک موتور احتراق داخلی شش سیلندر (در حالت عملکردی تمامبار<sup>۳</sup>) انجام نشده است و همچنین مطالعهای در خصوص امکانسنجی دو چرخه رانکین آلی ساده و چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی برای استفاده از گرمای اتلافی یک موتور احتراق داخلی شش سیلندر در ادبیات فن موجود نمی باشد. با هدف پر کردن خلأ موجود در این زمینه، در این مقاله امکان استفاده از این دو چرخه با استفاده از دو سیال عامل R113 و R123 مورد بررسی قرار گرفته و مورد تحلیل انرژی و اگزرژی قرار گرفته است.

- ✓ استفاده از گازهای خروجی از یک موتور احتراق داخلی شش سیلندر (در حالت عملکردی تمامبار<sup>†</sup>) به عنوان منبع حرارتی
- ✓ امکانسنجی استفاده از دو چرخه رانکین آلی ساده و چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی برای استفاده از گرمای اتلافی
  - ✓ شبیهسازی چرخهی پیشنهادی از دیدگاه انرژی و اگزرژی
    - 🗸 بررسی پارامتریک جامع
      - ✓ بهبود عملکرد سیستم

<sup>1</sup> Liu

<sup>3</sup> Full load

 $<sup>^{2}</sup>$  Zhi

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Full load

# ۲–مدلسازی

۲-۱- تحلیل ترمودینامیکی

چرخه رانکین آلی، چرخهای است که پیکربندیهای متفاوتی از آن در جهت انجام پژوهشهای متفاوت، استفاده شده است. در این پژوهش نیز از دو پیکربندی متفاوت از چرخه رانکین آلی<sup>۱</sup> یعنی چرخه رانکین آلی ساده و چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی<sup>۲</sup> استفاده شده است. در چرخه رانکین آلی ساده مطابق شکل (۱) گازهای خروجی دما بالا، انرژی خود را از طریق مبدل حرارتی به سیال آلی چرخه منتقل می کند (مرحله ۱). سیال مافوق بخارشده وارد توربین شده و در آنجا به توان مفید تبدیل می گردد و سپس در کندانسور به مایع تبدیل شده و از طریق پمپ، مجددا به بویلر باز می گردد (مراحل ۲ تا ۴). تنها تفاوت چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی (شکل (۲))، از لحاظ عملکردی در این قسمت است که سیال خارج شده از توربین که دارای دمای بالایی میباشد، وارد قسمت کم فشار مبدل حرارتی گردیده (مرحله ۲) و از طرفی سیال با دمای پایین خارج شده از پسپ نیز وارد قسمت کم فشار مبدل میشود (مرحله ۴). به این ترتیب، حرارت بالای سیال از قسمت کم فشار (خروجی توربین) به سیال وارد شده به قسمت ای تر (مرحله ۲).

علم ترمودینامیک برپایه دو قانون اول و دوم ترمودینامیک که به ترتیب در مورد بقای انرژی و جریانها و فرایندها صحبت میکند، استوار است. نکته قابل ذکر این است که باتوجه به اینکه هردو چرخه مورد بررسی، نوعی خاص از چرخه رانکین آلی میباشد؛ بنابراین روابط مورد نیاز برای تحلیلهای انرژی و اگزرژی آنها مشابه یکدیگر هستند. در ادامه به طور مجزا به تحلیل انرژی و اگزرژی دو چرخه مذکور پرداخته خواهد شد.

۲-۱-۱- تحلیل قانون اول ترمودینامیک (تحلیل انرژی) قانون اول ترمودینامیک به وسیله دو قانون بقای جرم و انرژی به صورت زیر تعریف می گردد [۲۵،۲۴]:

$$\sum \dot{m}_{in} = \sum \dot{m}_{out} \tag{1}$$

$$\dot{Q} - \dot{W} + \sum_{in} \overline{\dot{m}}_{in} (h_{in}) - \sum_{out} \dot{m}_{out} (h_{out}) = 0 \tag{(7)}$$

در روابط فوق،  $\dot{Q}$  نرخ انتقال حرارت،  $\dot{W}$  نرخ توان مفید تولید شده،  $\dot{m}$  دبی جرمی، h انرژی درونی میباشند. همچنین زیروند in جریان ورودی و زیروند out جریان خروجی را نشان میدهند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Organic Rankine cycle

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Organic Rankine cycle with internal heat exchanger

حال در ادامه به روابط تحلیل انرژی دو چرخه مذکور پرداخته خواهد شد. برای حل هر یک از چرخهها لازم است تا تعدادی از پارامترهای چرخهها فرض گردند تا بتوان چرخهها را تحلیل نمود. بدین ترتیب، پارامترهای فرض شده در طراحی این چرخه، به شرح زیر میباشند [۲۶]:

- چرخه در شرایط پایا شبیهسازی شده است.
- از افت فشار و هدررفت گرما صرف نظر گردیده است.
- دمای سیال در خروجی کندانسور در چرخه رانکین آلی ساده ۳۱۰K فرض شده است.
- دمای سیال در خروجی کندانسور در چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی ۳۰۰K فرض شده است.
  - بازده توربین و پمپ برای هردو چرخه نیز ۸۵٪ در نظر گرفته شده است.
  - کیفیت سیال خروجی از بویلر و توربین برای هردو چرخه حداقل ٪۹۵ میباشد.
- حداقل اختلاف دمای سیال گرم و سرد (اختلاف دمای تنگش<sup>۲</sup>) برای هردو چرخه در مبدلهای حرارتی ۵ کلوین فرض شده است.
  - از دو سیال R113 و R123 به عنوان سیالات کاری برای هریک از چرخهها استفاده می شود.

باتوجه به شکلهای (۱) و (۲) که پیکربندی دو چرخه مذکور را نشان میدهد و همینطور فرضیات فوق، در ابتدا دبی چرخه به وسیله رابطه (۳) به ازای بالاترین دمای گازهای خروجی از موتور محاسبه شده و برای دیگر شرایط عملکردی (دورموتورها و بارهای دیگر) ثابت فرض گردیده و درنهایت پارامترهای وابسته به دبی مجددا محاسبه خواهند شد.



**شکل ۱** – چرخه رانکین آلی ساده [۲۳]

<sup>1</sup> Steady State

<sup>2</sup> Pinch point temperature difference



**شکل ۲** – چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی [۲۳]

لازم به ذکر است از آنجایی که اساس دو چرخه فوق، یکسان می باشد؛ بنابراین روابط مورد نیاز برای تحلیل آنها نیز همانند یکدیگر بوده و لذا روابط برای چرخه رانکین آلی ساده گردآوری شده و معادلات برای چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی نیز قابل تعمیم خواهد بود. تنها تفاوت این دوچرخه در وجود مبدل حرارت داخلی در شکل (۲) است که رابطه متناسب با آن در معادلات (۱۰) و (۱۱) آورده شده است.

$$\dot{m}_{ran.} = \frac{\dot{m}_{eng.}C_{p_{mix}}(T_A - T_B)}{h_1 - h_4}$$
 (7)

$$\dot{m}_{eng.} = \dot{m}_{fuel} + \dot{m}_{air} \tag{(f)}$$

که در روابط فوق  $\dot{m}_{ran}$  دبی چرخه،  $\dot{m}_{eng}$  دبی گازهای خروجی از موتور،  $C_{p_{mix}}$  ظرفیت گرمایی ویژه مخلوط گازهای خروجی،  $T_k$  دمای نقطه k و k انتالپی نقطه k است. خواص سیال در خروجی توربین و کار تولیدشده به وسیله توربین با استفاده از روابط (۵) و (۶) قابل محاسبه است.

$$\eta_{tur.} = \frac{h_1 - h_{2a}}{h_1 - h_{2i}} \tag{(a)}$$

$$\dot{W}_{tur.} = \dot{m}_{ran.} (h_1 - h_{2a})$$
 (9)

در دو رابطه بالا  $\eta_{tur.}$  بازده توربین،  $h_{2a}$  و  $h_{2i}$  به ترتیب انتالپی واقعی و آیزنتروپیک نقطه ۲ و  $\dot{W}_{tur.}$  کار تولیدشده به وسیله توربین میباشد. گرمای تولید شده به وسیله کندانسور همانند زیر محاسبه میشود.

آنالیز انرژی و اگزرژی دو پیکربندی چرخه رانکین آلی در ...

$$\dot{Q}_c = \dot{m}_{ran.} (h_2 - h_3)$$
 (Y)

در معادله بالا،  $\dot{Q}_{c}$  انتقال حرارت ناشی از کندانسور میباشد. کار مورد نیاز برای پمپ با هدف انتقال سیال از کندانسور به اواپراتور (یا مبدل حرارتی داخلی) و همینطور خواص سیال در خروجی پمپ با روابط زیر محاسبه می گردد.

$$\eta_{Pu.} = \frac{h_{4i} - h_3}{h_{4a} - h_3} \tag{(A)}$$

$$W_{Pu.} = \dot{m}_{ran.} (h_{4a} - h_3)$$
 (9)

در دو رابطه فوق،  $\eta_{Pu}$  بازده پمپ،  $h_{4i}$  و  $h_{4i}$  به ترتیب آنتالپی واقعی و آیزنتروپیک نقطه ۴ و  $\psi_{Pu}$  کار مصرفشده به وسیله پمپ میباشد. انتقال حرارت صورت گرفته به وسیله مبدل حرارتی و همچنین ضریب تاثیر آن در شکل (۲) با استفاده از روابط زیر قابل محاسبه خواهد بود.

$$\dot{Q}_{IHE} = \dot{m}_{ran.} (h_4 - h_{4a}) = \dot{m}_{ran.} (h_{2a} - h_2)$$
 (1.)

$$\epsilon = (T_4 - T_{4a}) / (T_{2a} - T_2) \tag{11}$$

که در روابط فوق، Q<sub>IHE</sub> انتقال حرارت منتقل شده در مبدل حرارتی داخلی، € ضریب تاثیر مبدل حرارتی و h<sub>4a</sub> و T<sub>4a</sub> به ترتیب انتالپی و دمای سیال در نقطه 4a میباشد. در نهایت انتقال حرارت ناشی از اواپراتور، کار مفید و بازده چرخه با استفاده از روابط زیر محاسبه میشود.

$$\bar{Q}_{h} = \dot{m}_{ran.} \left( h_{1} - h_{4a} \right) \tag{17}$$

$$\dot{W}_{net} = \dot{W}_{tur.} - \dot{W}_{Pu.} \tag{17}$$

$$\eta_{I,cycle} = \frac{\dot{W}_{net}}{\dot{Q}_h} \tag{14}$$

که در سه معادله فوق نیز  $\dot{Q}_h$  انتقال حرارت ناشی از اواپراتور،  $\dot{W}_{net}$  کار مفید چرخه و  $\eta_{I,cycle}$  بازده قانون اول ترمودینامیک چرخه است. با استفاده از روابط فوق و همچنین شکلهای (۱) و (۲) میتوان موتور احتراق داخلی مورد را به همراه دو چرخه مذکور از دیدگاه قانون اول ترمودینامیک مورد بررسی قرار داد.

۲-۱-۲-تحلیل قانون دوم ترمودینامیک (تحلیل اگزرژی) تحلیل قانون دوم ترمودینامیک براساس مفهوم اگزرژی بوده و رابطه بالانس اگزرژی همانند بیان میشود [۲۷]:

$$\sum \left(1 - \frac{T_0}{T_K}\right) \dot{Q} - \dot{W}_{c.v} + \sum_{in} \dot{E} - \sum_{out} \dot{E} - \dot{E}_D = 0 \tag{10}$$

که در رابطه فوق عبارات  $\dot{W}_{c.v}$   $\dot{Q}$ ,  $\dot{W}_{c.v}$   $\dot{Z}_{in}$   $\dot{E}$ ,  $\sum_{out} \dot{E}$ ,  $\sum_{in} \dot{E}$ ,  $\sum_{in} \dot{E}$ ,  $\dot{V}_{c.v}$  مربوط به کار، گرما، جریان اگزرژی ورودی به حجم کنترل و خروجی از آن میباشد. همچنین  $\frac{\dot{E}}{D}$  نشاندهنده نرخ نابودی اگزرژی است. در ادامه به تعریف و محاسبه نرخ نابودی اگزرژی و بازده اگزرژی پرداخته خواهدشد. رابطه موازنه اگزرژی برای هر جزء از یک چرخه همانند زیر میباشد [۲۸،۲۹]: (۱۶)

که در رابطه فوق،  $\dot{E}_{P,K}$  ،  $\dot{E}_{P,K}$  و  $\dot{E}_{D,K}$  به ترتیب اگزرژی تولیدشده، اگزرژی سوخت آن بوده و نرخ نابودی اگزرژی جزء k میباشد. نسبت اگزرژی تولیدشده به وسیله یک جزء به اگزرژی سوخت آن جزء بازده اگزرژی نامیده میشود:

$$\varepsilon_k = \frac{\dot{E}_{P,K}}{\dot{E}_{F,K}} = 1 - \frac{\dot{E}_{D,K}}{\dot{E}_{F,K}} \tag{1Y}$$

که بازده اگزرژی جزء k با  $arepsilon_k$  تعریف می گردد.

با توجه به روابط (۱۵) تا (۱۷)، روابط مربوط به تحلیل اگزرژی برای چرخه ارگانیک ساده همانند زیر محاسبه می گردد. باتوجه به یکسان بودن تحلیل دو چرخه فوق، روابط مربوط به تحلیل اگزرژی آنها نیز همانند تحلیل انرژی مشابه یکدیگر میباشد؛ بنابراین روابط مذکور برای چرخه رانکین آلی ساده ذکر گردیده و معادلات برای چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی قابل تعمیم خواهد بود. تنها تفاوت این دو چرخه در وجود مبدل حرارت داخلی در شکل (۲) است که رابطه متناسب با آن در انتهای این بخش آورده شده است.

Evaporator: 
$$\dot{E}_{D,Eva.} = (\dot{E}_4 + \dot{E}_A) - (\dot{E}_1 + \dot{E}_B)$$
 (1A)

$$\varepsilon_{Eva.} = \frac{\dot{E}_1 + \dot{E}_B}{\dot{E}_4 + \dot{E}_A} \tag{19}$$

Turbine: 
$$\dot{E}_{D,tur.} = \dot{E}_1 - (\dot{E}_2 + \dot{W}_{tur.})$$
 (7.)

$$\varepsilon_{tur.} = \frac{\dot{E}_2 + \dot{W}_{tur.}}{\dot{E}_1} \tag{19}$$

Condenser: 
$$\dot{E}_{D,Cond.} = (\dot{E}_2 + \dot{E}_{in,cool}) - (\dot{E}_3 + \dot{E}_{out,cool})$$
 (TT)

آنالیز انرژی و اگزرژی دو پیکربندی چرخه رانکین آلی در ...

$$\varepsilon_{Cond.} = \frac{\dot{E}_3 + \dot{E}_{out,cool}}{\dot{E}_2 + \dot{E}_{in,cool}} \tag{(TT)}$$

*Pump*: 
$$\dot{E}_{D,Pu.} = (\dot{E}_3 + \dot{W}_{Pu.}) - \dot{E}_4$$
 (14)

$$\varepsilon_{pu.} = \frac{\dot{E}_4}{\dot{E}_3 + \dot{W}_{pu.}} \tag{7a}$$

*IHE*: 
$$\dot{E}_{D,IHE} = (\dot{E}_2 + \dot{E}_4) - (\dot{E}_{2a} + \dot{E}_{4a})$$
 (19)

$$\varepsilon_{IHE} = \frac{\dot{E}_{2a} + \dot{E}_{4a}}{\dot{E}_2 + \dot{E}_4} \tag{(YV)}$$

که در روابط فوق،  $\dot{E}_{D,k}$  نرخ نابودی اگزرژی،  $\dot{E}_k$  نرخ جریان اگزرژی ورودی یا خروجی و  $E_k$  بازده اگزرژی جزء k میباشد.

۲-۲- روش حل با در نظر گرفتن روابط گفته شده در قسمتهای قبلی برای دو سیستم مورد بررسی و فرضیات در نظر گرفته شده، خلاصه روش حل در این مطالعه برای دو سیستم همانند فلوچارت شکل (۳) با استفاده از نرمافزار حل معادلات مهندسی<sup>۱</sup> انجام شده است. پس از به دست آمدن مشخصات ترمودینامیکی برای جریانهای مختلف برای دو سیستم، برای هر نقطه، اگزرژی طبق روابط گفته شده بدست آمده و سپس برای تأثیرگذاری پارامترهای مختلف روی سیستم یک بررسی پارامتریک انجام می گیرد.

### ۲-۲- بهبود عملکرد سیستم

به منظور بهبود عملکرد سیستم چرخههای مورد بررسی از روش تحلیل حساسیت<sup>۲</sup> استفاده میشود. در این روش پارامترهای مؤثر بر عملکرد چرخه در بازههای مجاز تغییر داده میشوند تا حالت بهینه عملکردی چرخه بدست آید. دو پارامتر مؤثر بر عملکرد چرخههای ترمودینامیکی، دما و فشار ورودی به توربین میباشد که با تغییر آنها میتوان حالت عملکرد بهبود یافته مجموعه چرخه و موتور را محاسبه کرد. در ادامه به نحوه استفاده از این روش به منظور یافتن نقطه بهبود عملکردی دو چرخه موردنظر پرداخته خواهد شد. در هر دو چرخه، دما و فشار سیال ورودی به توربین (نقطه ۱) در شکلهای (۱) و (۲)، بین مقادیری ثابت که چرخهها در آن بازه توانایی عملکرد را داشته باشند، تغییر داده شده و در نهایت، نقطهای که در آنجا بیشترین مقدار کار و همچنین بیشترین نقاطی که تحت پوشش بازیابی گرما قرار می گیرند، به عنوان نقطه بهبود یافته

 $^{1}$  E.E.S

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Sensitivity Analysis



**شکل ۳** – شماتیک روش حل به صورت خلاصه

در این چرخهها با توجه به دما و فشار بحرانی دو سیال مورد نظر که در جدول (۱) نشان داده شده است، دما و فشار به ترتیب بین دو دمای ثابت ۳۰۰K تا ۵۰۰kPa و ۵۰۰kPa تا ۳۲۰۰kPa و ۵۰۰kPa تفییر داده می شود تا بتوان علاوه بر یافتن نقاط کاری بهبود یافته آنها، مقایسهای بین دما و فشار بهبود یافته نسبت به یکدیگر انجام داد.

# ۳- نتايج

در این بخش، ابتدا به اعتبارسنجی این پژوهش پرداخته شده و در ادامه نتایج به تفصیل بررسی خواهد شد.

P <sub>cr</sub> (kPa)	T <sub>cr</sub> (K)	سيال
۳۴۳۹	421/20	R113
8888	406/20	R123

**جدول ۱**- دما و فشار بحرانی دو سیال R113 و R123

## ۳-۱-اعتبارسنجی

به منظور اعتبارسنجی این پژوهش، از دو مقاله بهزادی و همکاران<sup>۱</sup> [۲۶] برای چرخه رانکین آلی ساده با سیال کاری R113 و مقاله دای و همکاران<sup>۲</sup> [۳۰] برای چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با سیال کاری R123 استفاده شده و نتایج این پژوهش با نتایج مقالات مذکور به ترتیب در جداول (۱) و (۲) مقایسه شدهاند. نحوه اعتبارسنجی این پژوهش با دو مقاله مذکور نیز به این صورت است که با استفاده از شرایط اولیه و فرضیات چرخهها در مقالات فوق، چرخههای پژوهش جاری حل گردیده و نتایج با یکدیگر مقایسه شدهاند.

۴	٣	٢	١	چرخه	شماره نقاط
41/08	۴۰/۰۰	۲٩/۸۵	1 DV/ 1		پژوهش حاضر
4.140	۴۰/۰۰	<b>V9/1V</b>	104/1	Т (К)	پژوهش بهزادی
•/۴	•	• / ٨	•		خطا(%)
- 1 DF/X 1	-101/42	36/20	۷۲/۹۵	1.1	پژوهش حاضر
-10Y/··	-101/42	۳۵/۶۹	۲۲/۹۵	$h(\frac{kj}{kg})$	پژوهش بهزادی
• / ١	•	1/4	•		خطا(%)

**جدول ۱** – مقایسه نتایج پژوهش حاضر و پژوهش بهزادی[۲۶] و همکاران و میزان خطای محاسبات برای چرخه رانکین آلی ساده با سیال کاری R113

**جدول ۲** – مقایسه نتایج پژوهش حاضر و پژوهش دای[۳۰] و همکاران و میزان خطای محاسبات برای چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با سیال کاری R123

۴a	۴	٣	۲a	۲	١	اط چرخه	شماره نق
K98/88	311/29	308/32	۳۰۳/۸۶	3.44	۲۹۸		پژوهش حاضر
296/20	311/29	328/22	3.4.4	۳۰۰/۲۶	۲۹۸	T (K)	پژوهش رای
• / ۶ •	*	•	۰/۳۳	۱/•۵	*		خطا(%)
TTD/DV	4.1/0	۴۳۳	24.121	۲۳۹/۱۹	314/2		پژوهش حاضر
878/17	4.1/0	۴۳۳	۲۳۱/۷۳	227/92	314/2	$h(\frac{kJ}{kg})$	پژوهش رای
٢/٨٩	•	•	۳/۶۶	4/41	•		خطا(%)

<sup>1</sup> Behzadi et al.

<sup>2</sup> Dai et al.

همانطور که در دو جدول بالا مشاهده می شود، در تمامی نقاط دو چرخه مذکور، بیشترین خطای محاسبات به میزان ٪۴/۴۸ مربوط به چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی است که ناشی از استفاده از نرمافزارهای مختلف جهت محاسبه خواص ترمودینامیکی سیالات می باشد.

## ۲-۲-نتایج تحلیل ترمودینامیکی

با توجه به تحلیل کامل دو چرخه رانکین آلی ساده و با مبدل حرارتی داخلی در قسمتهای قبل و همچنین استفاده از روش تحلیل حساسیت به منظور بهینهسازی عملکرد چرخههای مذکور، شرایط عملکردی بهینه دو چرخه مورد نظر همانند جدول زیر محاسبه گردیدهاند. شرایط بهینه عملکردی دو چرخه به گونهای انتخاب شدهاند که بیشترین مقدار توان، بازیابی شده و همچنین بیشترین نقاط عملکردی موتور بتوانند تحت بازیابی گرمای اتلافی قرار گیرند.

#### ۳-۲-۱-نتایج تحلیل انرژی

در این بخش ابتدا به بررسی اثر دور موتور بر سه پارامتر توان موتور، بازده چرخههای موردنظر و مصرف سوخت موتور در نقاط بهینه عملکردی موتور پرداخته شده و در ادامه درباره اثر تغییرات فشار و دما بر سه پارامتر فوق بحث خواهد شد. شکلهای (۴-الف) و (۴-ب) نشاندهنده توان موتور پیش و پس از اعمال چرخههای مذکور با دو سیال R113 و R123 و در حالت بهینه عملکردی آنها میباشد. از اختلاف سطح نمودارها میتوان به میزان توان بازیابی شده به وسیله هر یک از چرخهها و هریک از سیالات کاری پی برد. با دقت در دو شکل موردنظر مشاهده می گردد که چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی، عملکرد بهتری را (با هر دو سیال کاری) نسبت به چرخه رانکین آلی ساده دارد. همچنین عملکرد سیال R123 نسبت به R113 در هر دو چرخه بهتر بوده و هنگامی که چرخهها از این سیال استفاده نمودهاند، توان اتلافی بیشتری از موتور بازیابی شده است. در واقع عملکرد بهتر سیال R123 نسبت به سیال دیگر به دلیل انطباق حرارتی بهتر گازهای خروجی و سیال R123 در اواپراتور میباشد. نکته قابل توجه دیگر در این دو شکل، ارتباط

سيال R113 و R123	ارتی داخلی با دو	، رانکین آلی سادہ و با مبدل ح	بهینه عملکردی دو چرخه	<b>جدول ۳</b> – شرايط
------------------	------------------	-------------------------------	-----------------------	-----------------------

P (kPa)	T (K)	سيال	
114.	477	R113	چرخه رانکین آلی سادہ
1180	471	R123	
1840	404	R113	چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی
134.	40+	R123	

ارتباط مستقیم این دو پارامتر به این دلیل است که با افزایش دورموتور، پاشش سوخت به درون محفظه احتراق بیشتر شده و در نتیجه میزان انرژی اتلاف شده سوخت به وسیله گازهای خروجی زیاد میگردد و بنابراین با افزایش دور موتور، توان بازیابی شده نیز زیاد میشود. شکل (۵) بازده دوچرخه مذکور با دو سیال مورد نظر را نشان میدهد. در این شکل چهار منحنی مختلف به ازای عملکرد هرچرخه با هر یک از دو سیال R113 و R123 رسم گردیده است. همانطور که مشاهده میشود، در همه دور موتورها، بیشترین بازده مربوط به چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی و سیال کاری R123 (۱۹٪–۱۰٪) و کمترین بازده مربوط به چرخه رانکین آلی ساده با سیال کاری R113 (۱۳٪–۶٪) میباشد.







(ب)

without WHR
with WHR (ORC with IHE)
with WHR (simple ORC)

R123

**شکل**۴ – میزان توان موتور پیش و پس از اعمال دو چرخه رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال الف)R113 ، ب)R123



شکل۵- بازده دو چرخه رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123

از این شکل میتوان به این نتیجه رسید که همانند شکل (۴)، بازده چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی، در هر دو سیال، بالاتر از پیکربندی ساده چرخه رانکین آلی بوده و همچنین بازده هردوچرخه نیز در هنگام استفاده از R123 بیشتر از R113 است که با توجه به شکلهای (۴–الف) و (۴–ب) و از آنجایی که بازده و توان با یکدیگر رابطه مستقیم دارند، این روند برای بازده چرخهها منطقی میباشد. شایان ذکر است بالا بودن بازده چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی نسبت به چرخه رانکین آلی بدلیل استفاده دوباره از انرژی خروجی از توربین میباشد که باعث میشود این انرژی در کندانسور تلف نشده و جهت تولید دوباره استفاده گردد. همچنین افزایش دورموتور باعث افزایش بازده در هر چهار منحنی میگردد که با توجه به توضیحات پیشین، روند درستی دارد.

منحنی مصرف سوخت موتور بر حسب دور موتور، در شکل (۶) نمایش داده شده است. در این منحنی مصرف سوخت موتور پیش از اعمال چرخههای مذکور و همچنین پس از آن به همراه دو سیال تحت بررسی رسم گردیده است. از آنجایی که میزان مصرف سوخت و توان موتور، رابطه معکوسی با یکدیگر دارند، انتظار میرود که با افزایش توان مفید موتور، میزان مصرف سوخت کاهش پیدا کند و همانطور که در این شکل نیز پیداست، مصرف سوخت در چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی و سیال 1283 بیشترین کاهش را به میزان ٪۵/۵۱–٪۵/۹ و در چرخه رانکین آلی ساده و سیال 1113 کمترین کاهش را به مقدار ٪۲/۴۰–٪۶/۹ میزان یار ۱۵/۵۰–٪۵/۹ و در چرخه رانکین آلی ساده و سیال 1113 کمترین کاهش را به مقدار ٪۲۴/۴ میزان یار ۱۵/۵۰–٪۵/۹ و در چرخه رانکین آلی ساده و سیال ۲۵۱3 کمترین کاهش را به مقدار ٪۲۴۰۴ مصرف سوخت کاهش یافته و پس از آن زیاد میشود. در واقع میتوان به این نکته پی برد که با اینکه مصرف سوخت کاهش یافته و پس از آن زیاد میشود. در واقع میتوان به این نکته پی برد که با اینکه بیشترین توان خروجی از موتور مطابق شکل (۴) در دور موتور ۸۵۰۰۳RPA میباشد، دور موتور ۳۵۰۰۳RPA برای این موتور، بهینهترین دور موتور از دیدگاه مصرف سوخت است. همچنین مصرف سوخت چرخه رانکین الی با مبدل حرارتی داخلی با سیال ۲۱13 نسبت به مصرف سوخت و است. همچنین مصرف سوخت چرخه رانکین در بعضی از بازدههای دور موتور در مقادیر بالاتر و در بعضی دیگر از بازهها در مقادیر پایینتری قرار می گیرد.



**شکل 9**- مصرف سوخت موتور پیش و پس از اعمال چرخههای ارگانیک ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123

در شکلهای (۷) تا (۹) به بحث درباره اثر تغییر فشار بر سه پارامتر توان موتور، بازده چرخهها و مصرف سوخت موتور در دمای عملکردی بهینه هریک از چرخهها (که در این شکلها ثابت فرض شدهاند) و در دور موتور ۴۰۰۰RPM مطابق جدول (۳) پرداخته خواهد شد. شکل (۷) منحنیهای تغییرات توان مفید دو چرخه موردنظر با هریک از سیالات کاری را نشان میدهد. با توجه به این شکل، میتوان به رابطه مستقیم توان مفید چرخهها با فشار پی برد. با افزایش فشار ورودی به توربین و با فرض ثابتبودن فشار کندانسور،

اختلاف بین فشار بالا و پایین هر دو چرخه افزایش یافته و در نتیجه توان مفید چرخهها زیاد میشود. در واقع با افزایش فشار، مقدار فشار ورودی به توربین چرخه رانکین و به تبع آن آنتالپی آن افزایش یافته و در نتیجه مقدار توان تولیدی هر دو چرخه به ازای سیالهای مختلف افزایش یافته است. نکته قابل ذکر دیگر در این شکل، محدوده فشار عملکردی متفاوت هر یک از چرخهها است؛ به طوری که فشار ورودی به توربین در چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی بیشتر از پیکربندی دیگر بوده و از طرفی فشار عملکردی سیال (۸) نمایش داده شده است. با دقت در این شکل و با توجه به رابطه مستقیم فشار و بازده که درباره شکل (۶) نیز بحث شد، به صحت این موضوع پی برده میشود. با توجه به این شکل، با افزایش فشار، بازده هر یک از چرخهها با هر دو سیال نیز زیاد می گردد. بازده چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با سیال کاری R123 در محدوده ۹۱٪–۳۰٪ و بازده رانکین آلی ساده با سیال کاری دارتی داخلی با سیال کاری بیز بحث شد، به صحت این موضوع پی برده میشود. با توجه به این شکل، با افزایش فشار، بازده هر یک از چرخهها با هر دو سیال نیز زیاد می گردد. در واقع با افزایش فشار، همانطور که گفته شد مقدار توان بیشترین بازده و کمترین بازده) تغییر میکند. در واقع با افزایش فشار، همانطور که گفته شد مقدار توان تولیدی هر دو چرخه افزایش یافته و در نتیجه طبق رابطه (۱۴) بازده افزایش می یو.





**شکلگ**– اثر تغییر فشار ورودی به توربین بر بازده چرخههای رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123

با توجه به ارتباط معکوس مصرف سوخت و توان موتور با یکدیگر، انتظار روندی مخالف با شکل (۷) وجود دارد به طوری که صحت این انتظار با دقت در شکل (۹) مشاهده میشود. در این چهار منحنی، با افزایش فشار ورودی به توربین، مصرف سوخت در هر دوچرخه با هر دو سیال کاهش مییابد. پس از بررسی اثر تغییر فشار بر سه پارامتر تحت بررسی، در شکلهای (۱۰) تا (۱۲) به بحث درباره اثر تغییر دمای ورودی به توربین (در فشار ثابت) به عنوان عامل دیگر مهم در عملکرد چرخههای ترمودینامیکی بر پارامترهای مذکور پرداخته خواهد شد. شکل (۱۰) بیانگر اثر تغییر دمای ورودی به توربین بر توان مفید چرخههای مذکور و سیالهای تحت بررسی است.



**شکل ۹** – اثر تغییر فشار ورودی به توربین بر مصرف سوخت موتور با اعمال چرخههای رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123

باتوجه به منحنیهای رسمشده، با افزایش دمای ورودی به توربین در فشار ثابت، آنتالپی سیالات مذکور افزایش پیدا میکند و در نتیجه با افزایش اختلاف انتالپی و طبق رابطه (۶) توان تولیدی چرخه رانکین افزایش یافته و درنتیجه طبق رابطه (۱۳) توان مفید چرخهها نیز افزایش پیدا میکنند. نکته مهم دیگر در این شکل، محدوده عملکردی متفاوت چهار منحنی است و همانطور که مشاهده میشود، محدوده دمای عملکردی چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی پایینتر از پیکربندی ساده آن است و از طرفی با مقایسه دو سیال استفاده شده در هریک از چرخهها، محدوده دمای عملکردی 113 نسبت به 123، در بازه پایینتری قرار دارد. در شکل (۱۱) تغییرات بازده چرخههای تحت بررسی با تغییر دمای ورودی به توربین رسم شده است.



**شکل ۱۰** - اثر تغییر دمای ورودی به توربین بر توان مفید چرخههای رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123

با افزایش دمای ورودی به توربین، بازده چرخهها نیز زیاد می گردد. با توجه به ثابت ماندن انرژی ورودی به دو چرخه رانکین و همچنین ارتباط مستقیم توان مفید و بازده چرخههای ترمودینامیکی طبق رابطهی (۱۴) و با نگاهی به شکل (۱۰)، روند موجود در این شکل مطابق انتظار است. اختلاف بازده دو چرخه تحت بررسی نیز در این شکل مشخص است.



**شکل ۱۱** – اثر تغییر دمای ورودی به توربین بر توان مفید چرخههای رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی و رانکین آلی ساده با دو سیال R113 و R123



**شکل۱۲** – اثر تغییر دمای ورودی به توربین بر مصرف سوخت موتور با اعمال چرخههای ارگانیک ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123

اثر تغییر دمای ورودی به توربین بر مصرف سوخت موتور نیز در شکل (۱۲) نمایش داده شده است. همانطور که در منحنیهای رسم شده مشخص است، افزایش دمای ورودی به توربین باعث کاهش مصرف سوخت می گردد که با توجه به توضیحات پیشین، روندی قابل پیش بینی را دارا است. در بخش بعدی به تحلیل اگزرژی چرخههای رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی و رانکین آلی ساده پرداخته خواهد شد.

#### ۳-۲-۲-نتایج تحلیل اگزرژی

در این بخش ابتدا به بررسی نرخ تخریب اگزرژی اجزای چرخهها پرداخته شده و سپس بازده اگزرژی اجزای چرخه و همچنین تغییرات اثر دور موتور، دما و فشار ورودی به توربین بر بازده قانون دوم چرخهها به بحث گذاشته خواهد شد. شکل (۱۳) نمودار ستونی توزیع تخریب اگزرژی را در هریک از اجزای چرخههای مورد بررسی به همراه دو سیال R113 و R123 را نشان میدهد. همانطور که از شکل زیر پیدا است، نرخ تخریب اگزرژی چرخه رانکین آلی ساده با هردو سیال کاری، بیشتر از چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی است. نکته مهم دیگر در این شکل این است که نرخ تخریب اگزرژی سیال R123 نسبت به R113 بیشتر است. با اینکه توان مفید تولیدشده و بازده چرخههای تحت بررسی با سیال R123 نسبت به R113 بیشتر است اما استفاده از R123 باعث تخریب اگزرژی بیشتری می گردد که نکته قابل توجهی در استفاده از این سیال است. نکته دیگر موجود در این شکل این است که در هر چهار نمودار، بیشترین نرخ تخریب اگزرژی به اواپراتور اختصاص دارد. بالا بودن تخریب اگزرژی اواپراتور بدلیل بالا بودن اختلاف دمای دو سیال در مبدل حرارتی بوده و باعث می شود که اختلاف اگزرژی سوخت و محصول در این عضو بیشتر شده و درنتیجه بیشترین مقدار تخریب اگزرژی را داشته باشد. از آنجایی که در این مقاله، مقداری یکسان برای بازده توربین و پمپ فرض شد؛ بنابراین نرخ تخریب اگزرژی آنها نیز در هر چرخه، با یکدیگر برابر بوده و دومین نرخ تخریب اگزرژی زیاد را در چرخه دارا هستند. سومین نرخ تخریب اگزرژی را کندانسور داشته و در چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی، کمترین نرخ تخریب اگزرژی مربوط به مبدل حرارتی داخلی میباشد. نکته آخر از این شکل این است که تمامی اجزای چرخه رانکین آلی ساده با سیال R123، دارای نرخ تخریب اگزرژی بیشتری نسبت به دیگر چرخهها و سیالات هستند.

شکل (۱۴) نمودار ستونی بازده اگزرژی اجزای مختلف چرخهها را نشان میدهد. با توجه به شکل (۱۳) و انتظار میرود که اجزایی از چرخهها که دارای نرخ تخریب اگزرژی کمتری هستند، بازده اگزرژی بیشتری را دارا باشند و همانگونه که در شکل زیر نیز پیداست، بیشترین بازده اگزرژی مربوط به مبدل حرارتی داخلی (در چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی) بوده و پس از آن به ترتیب، بیشترین بازده اگزرژی به کندانسور، توربین و پمپ به مقدار برابر با هم (مطابق با توضیحات شکل (۱۴)) و اواپراتور در هر چهار نمودار اختصاص مییابد. در واقع زمانی تخریب اگزرژی کمتری اتفاق میافتد که طبق رابطه (۱۶) مقادیر محاسبه شده برای اگزرژی سوخت و محصول به هم نزدیکتر شوند. وقتی این دو عدد با هم اختلاف کمتری داشته باشند طبق رابطه (۱۷) بازده اگزرژی نیز مقدار بزرگتری را خواهد داشت.



**شکل ۱۳** - نرخ تخریب اگزرژی در اجزای چرخههای رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123



**شکل۱۴** – نرخ تخریب اگزرژی در اجزای چرخههای رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123

شکل (۱۵) به مقایسه عملکرد چهار چرخه مختلف از دیدگاه قانون دوم ترمودینامیک پرداخته و بازده اگزرژی آنها را به نمایش می گذارد. باتوجه به این شکل، بازده قانون دوم چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با سیال R113 بالاتر از سه منحنی دیگر است که محدوده آن /٬۵۷–/٬۰۰ است و به این معناست که از تمام جریان اگزرژی ورودی به چرخه، تنها ۵۲٪–۴۰٪ از آن به کار مفید تبدیل می شود. کمترین بازده اگزرژی نیز مربوط به چرخه رانکین آلی ساده با بازه /٬۵۰–٬۳۰۳ می باشد. دلیل اختلاف بازده اگزرژی دو چرخه، اختلاف کار بازیابیشده بهوسیله آنها میباشد که در شکل (۴) به تفصیل راجع به آن بحث شده است. همچنین باتوجه به وابستگی بازده اگزرژی به دو پارامتر توان مفید تولید شده و اگزرژی ورودی به چرخه و از طرفی با ثابت بودن اگزرژی ورودی به چرخه، بازده تنها به توان مفید چرخه وابسته بوده و در نتیجه روند موجود در این شکل همچون روند توان مفید تولید شده است. یا به عبارت دیگر اگزرژی محصول کل سیستم برابر با توان خالص کل سیستم بوده و اگزرژی سوخت محصول کل چرخه ثابت بوده و باعث افزایش بازده اگزرژی کل سیستم شده است.



**شکل ۱۵** – بازده قانون دوم ترمودینامیک در چرخههای رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123



**شکل ۱۶** – اثر تغییر فشار ورودی به توربین بر مصرف سوخت موتور با اعمال چرخههای رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123



**شکل ۱۷** – اثر تغییر دمای ورودی به توربین بر مصرف سوخت موتور با اعمال چرخههای رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی با دو سیال R113 و R123

شکل (۱۶) نشاندهنده اثر تغییر فشار بالای چرخه بر بازده قانون دوم ترمودینامیک است. با توجه به توضیحات شکل (۱۴) و همچنین با دقت در شکل زیر، با افزایش فشار بالای چرخه، اختلاف فشار بالا و پایین چرخهها افزایش یافته و بازده اگزرژی آنها زیاد میشود. اثر تغییر دمای ورودی به توربین بر بازده اگزرژی چرخهها در شکل (۱۷) نشان داده شده است. با توجه به ارتباط مستقیم توان و بازده اگزرژی و توضیحات شکل (۱۰) رابطه مستقیم مورد انتظاری بین دمای ورودی به توربین و بازده قانون دوم ترمودینامیک چرخهها برقرار بوده و با افزایش دما، بازده اگزرژی چرخهها زیاد میشود. در واقع با افزایش دمای ورودی توربین، توان تولیدی توربین و درنهایت اگزرژی محصول افزایش یافته و در نتیجه بازده اگزرژی افزایش می یابد.

## ۴- جمعبندی

در این مقاله به منظور بازیابی گرمای اتلافی از یک موتور احتراق داخلی شش سیلندر و با هدف افزایش توان مفید و کاهش مصرف سوخت موتور مورد نظر، دو پیکربندی متفاوت از چرخه رانکین آلی (چرخه رانکین آلی ساده و رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی) با دو سیال کاری R113 و R123 طراحی گردیده و با استفاده از روش تحلیل حساسیت دو چرخه مورد نظر بهینه شده و درنهایت عملکرد دو چرخه با سیالات مذکور از دیدگاه انرژی و اگزرژی با یکدیگر مقایسه گردیدند که نتایج حاصل از این پژوهش به صورت خلاصه به شرح زیر میباشد:

 چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی از دیدگاه انرژی و اگزرژی یعنی پنج پارامتر توان مفید تولید شده، بازده، میزان کاهش مصرف سوخت موتور، نرخ تخریب اگزرژی و بازده قانون دوم ترمودینامیک عملکردی بهتری را نسبت به چرخه رانکین آلی ساده داشته است.

- سیال R123 نسبت به R113 از دیدگاه انرژی عملکردی بهتری را در هردوچرخه تحت بررسی
   داشته است اما از دیدگاه اگزرژی، نرخ اتلاف اگزرژی نیز در R123 بیشتر از R113 بوده است.
- بیشترین نرخ اتلاف اگزرژی در اجزای هر چهار چرخه متعلق به اواپراتور بوده و پس از آن به توربین و پمپ به مقدار یکسان، کندانسور و مبدل حرارتی داخلی (در پیکربندی دارای این جزء) تعلق دارد.
- اثر تغییر فشار ورودی به توربین بر پارامترهای مورد بررسی بیشتر از اثر تغییر دمای ورودی به توربین میباشد.
- دما و فشار عملکردی چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی نسبت به پیکربندی ساده آن و همچنین دما و فشار سیال R113 در قیاس با R123، بالاتر است.

با توجه به موارد فوق، چرخه رانکین آلی با مبدل حرارتی داخلی عملکرد بهتری نسبت به چرخه رانکین آلی ساده دارد اما نکته مهم انتخاب سیال کاری چرخه از بین R113 و R123 میباشد که R113 نرخ اتلاف اگزرژی کمتری داشته و از طرفی R123 باعث تولید توان بیشتری می گردد که انتخاب یکی از آنها بسته به شرایط بکار گیری این سیستم دارد.

# مراجع

- [1] Kim,Y.M., Shin, D.G., Kim,C.G., and Cho,G.B., "Single-loop Organic Rankine Cycles for Engine Waste Heat Recovery using Both Low-and High-temperature Heat Sources", Energy, Vol. 96, pp. 482-494, (2016).
- [2]Sharma, S., Dwivedi, V., and Pandit, S., "Exergy Analysis of Single-stage and Multi Stage Thermoelectric Cooler", International Journal of Energy Research, Vol. 38, No. 2, pp. 213-222, (2014).
- [3] Liang, X., Wang, X., Shu, G., Wei, H., Tian, H., and Wang, X., "A Review and Selection of Engine Waste Heat Recovery Technologies using Analytic Hierarchy Process and Grey Relational Analysis", International Journal of Energy Research, Vol. 39, No. 4, pp. 453-471, (2015).
- [4] Patel, P.S., and Doyle, E.F., "Compounding the Truck Diesel Engine with an Organic Rankine-cycle System", SAE Technical Paper, Vol. 2, pp. 1-16, (1976).
- [5] Bailey, M.M., "Comparative Evaluation of Three Alternative Power Cycles for Waste Heat Recovery from the Exhaust of Adiabatic Diesel Engines", Nasa TM. 86953, pp. 1-26, (1985).
- [6] Chammas, R., and Clodic, El D., "Combined Cycle for Hybrid Vehicles", SAE Technical Paper, Vol. 4, pp. 1-12, (2005).
- [7] Arias, D.A., Shedd, T.A., and Jester, R.K., "Theoretical Analysis of Waste Heat Recovery from an Internal Combustion Engine in a Hybrid Vehicle", SAE Transaction, Vol. 115, Section. 3, pp. 777-784, (2006).

- [8] Mago, P., Chamra, L., and Somayaji, C., "Performance Analysis of Different Working Fluids for use in Organic Rankine Cycles", Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A: Journal of Power and Energy, Vol. 221, No. 3, pp. 255-263, (2007).
- [9] Ringler, J., Seifert, M., Guyotot, V., and Hübner, W., "Rankine Cycle for Waste Heat Recovery of IC Engines", SAE International Journal of Engines, Vol. 2, No. 1, pp. 67-76, (2009).
- [10] Srinivasan, K.K., Mago, P.J., and Krishnan, S.R., "Analysis of Exhaust Waste Heat Recovery from a Dual Fuel Low Temperature Combustion Engine using an Organic Rankine Cycle", Energy, Vol. 35, No. 6, pp. 2387-239, (2010).
- [11] Vaja, I., and Gambarotta, A., "Internal Combustion Engine (ICE) Bottoming with Organic Rankine Cycles (ORCs)", Energy, Vol. 35, No. 2, pp. 1084-1093, (2010).
- [12] Quoilin, S., Declaye, S., Tchanche, B.F., and Lemort, V., "Thermo-economic Optimization of Waste Heat Recovery Organic Rankine Cycles", Applied Thermal Engineering", Vol. 31, No. 14-15, pp. 2885-2893, (2011).
- [13] He, M., Zhang, X., Zeng, K., and Gao, K., "A Combined Thermodynamic Cycle used for Waste Heat Recovery of Internal Combustion Engine", Energy, Vol. 36, No. 12, pp. 6821-6829, (2011).
- [14] Katsanos, C., Hountalas, D., and Pariotis, E., "Thermodynamic Analysis of a Rankine Cycle Applied on a Diesel Truck Engine using Steam and Organic Medium", Energy Conversion and Management", Vol. 60, pp. 68-76, (2012).
- [15] Peng, Z., Wang, T., He, Y., Yang, X., and Lu, L., "Analysis of Environmental and Economic Benefits of Integrated Exhaust Energy Recovery (EER) for Vehicles", Applied energy, Vol. 105, pp. 238-243, (2013).
- [16] Shu, G., Wang, X., and Tian, H., "Theoretical Analysis and Comparison of Rankine Cycle and Different Organic Rankine Cycles as Waste Heat Recovery System for a Large Gaseous Fuel Internal Combustion Engine", Applied Thermal Engineering, Vol. 108, pp. 525-537, (2016).
- [17] Yang, F., Zhang, H., Yu, Z., Wang, E., Meng, Liu, F. H., and Wang, J., "Parametric Optimization and Heat Transfer Analysis of a Dual Loop ORC (Organic Rankine Cycle) System for CNG Engine Waste Heat Recovery", Energy, Vol. 118, pp. 753-775, (2017).
- [18] Mohammadkhani, F., Yari, M., and Ranjbar, F., "A zero-dimensional Model for Simulation of a Diesel Engine and Exergoeconomic Analysis of Waste Heat Recovery from Its Exhaust and Coolant Employing a High-temperature Kalina Cycle", Energy Conversion and Management, Vol. 198, pp. 111782, (2019).
- [19] Mohammadkhani, F., and Yari, M,. "A 0D Model for Diesel Engine Simulation and Employing a Transcritical Dual Loop Organic Rankine Cycle (ORC) for Waste Heat Recovery from Its Exhaust and Coolant: Thermodynamic and Economic Analysis", Applied Thermal Engineering", Vol. 150, pp. 329-347, (2019).

- [20] Liu, X., Manh, Q.N., Jianchu, C. L., and Maogang, H., "A Novel Waste Heat Recovery System Combing Steam Rankine Cycle and Organic Rankine Cycle for Marine Engine", Journal of Cleaner Production, Vol. 265, pp. 121-135, (2020).
- [21] Mohammed, A.G., Mosleh, M. M., Wael, E., and Nader, R.A., "Performance Analysis of Supercritical ORC Utilizing Marine Diesel Engine Waste Heat Recovery", Alexandria Engineering Journal", Vol. 59, No. 2, pp. 893-904, (2020).
- [22] Zhi, Li.H., Peng, H., Long-Xiang, C., and Gang, Z., "Performance Analysis and Optimization of Engine Waste Heat Recovery with an Improved Transcriticalsubcritical Parallel Organic Rankine Cycle Based on Zeotropic Mixtures", Applied Thermal Engineering, Vol. 181, pp. 185-196, (2020).
- [23] Li, G., "Organic Rankine Cycle Performance Evaluation and Thermoeconomic Assessment with Various Applications Part I: Energy and Exergy Performance Evaluation", Renewable and Sustainable Energy Reviews, Vol. 53, pp. 477-499, (2016).
- [24] Abdolalipouradl, M., Khalilarya, Sh., and afarmadar, S., "Energy and Exergy Analysis of a New Power, Heating, Oxygen and Hydrogen Cogeneration Cycle Based on the Sabalan Geothermal Wells", International Journal of Engineering, Vol. 32, pp. 445-450, (2019).
- [25] Abdolalipouradl, M., Mohammadkhani, F., Khalilarya, Sh., and Jafarmadar, S., "Thermodynamic Analysis of New Cogeneration Cycle Based on Gaynarje Hotspring", International Journal of Engineering, Vol. 33, pp. 1149-1155, (2020).
- [26] Behzadi, A., Gholamian, E., Houshfar, E., and Habibollahzade, A., "Multi-objective Optimization and Exergoeconomic Analysis of Waste Heat Recovery from Tehran's waste-to-energy Plant Integrated with an ORC Unit", Energy, Vol. 160, pp. 1055-1068, (2018).
- [27] Abdolalipouradl, M., Khalilarya, Sh., and Jafarmadar, S., "Exergoeconomic Analysis of a Novel Integrated Transcritical CO2 and Kalina 11 Cycles from Sabalan Geothermal Power Plant", Energy Conversion and Management, Vol. 195, pp. 420-435, (2019).
- [28] Abdolalipouradl, M., Mohammadkhani , F., Khalilarya, Sh., and Yari, M., "Thermodynamic and Exergoeconomic Analysis of Two Novel tri-generation Cycles for Power, Hydrogen and Freshwater Production from Geothermal Energy", Energy Conversion and Management, Vol. 226, pp. 113-128, (2020).
- [29] Abdolalipouradl, M., Mohammadkhani, F., and Khalilarya, Sh., "A Comparative Analysis of Novel Combined Flash-binary Cycles for Sabalan Geothermal Wells: Thermodynamic and Exergoeconomic Viewpoints", Energy, Vol. 209, pp. 118-135, (2020).
- [30] Dai, Y., Wang, J., and Gao, L., "Parametric Optimization and Comparative Study of Organic Rankine Cycle (ORC) for Low Grade Waste Heat Recovery", Energy Conversion and Management, Vol. 50, No. 3, pp. 576-582, (2009).

فهرست نمادهای انگلیسی  $C_p$ ظرفیت گرمایی ویژه Ε جریان اگزرژی انتالپى h دبى ṁ Ż نرخ انتقال حرارت Т دما Ŵ توان نمادهای یونانی E ضريب تاثير مبدل حرارتي بازده قانون دوم ترموديناميك ε بازده قانون اول ترموديناميك η فهرست زيروندها 0 حالت استاندار د واقعى a هوا ira С سرد كندانسور cond. حجم كنترل C. V تخريب D اواپراتور EVA. eng. موتور سوخت F سوخت Fuel گرم h مبدل حرارتي داخلي IHE آيزنتروپيک i in ورودى مخلوط mix خالص net خروجى out PU. پمپ TUR. توربين

#### Abstract

In the current paper thermal buckling of cylindrical shells subjected to uniform temperature rise is investigated. Nanocomposite shell reinforced by graphene platelets (GPLs). It is assumed that the GPLs are randomly oriented and uniformly distributed along in each layer. Variation of volume fraction from each layer to other is based on the several functionally graded types. The effective material properties are obtained using the Halpin-Tsai rule.

The equilibrium equations are obtained considering the first order shear deformation shell theory, Donnell assumption, and Von-karman type of geometrical nonlinearity. The linear obtained stability equations are discrete utilizing the generalized differential quadrature procedure along the shell domain. Then the eigenvalue problem is solved and critical buckling temperature is calculated. In the section of numerical results, after validation, the effects of geometric parameter, boundary conditions, mass fraction of GPL, and also type of functionally graded on the stability of structure are studied.